

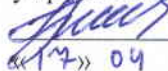
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАМЧАТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
(ФГБОУ ВО «КамчатГТУ»)

Факультет информационных технологий

Кафедра «Высшая математика»

УТВЕРЖДАЮ

Декан факультета экономики и  
управления



М. Ю. Еремина

«17» 04 2019г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**«Математическая статистика»**

Направление подготовки 38.03.01 «Экономика»  
(уровень бакалавриата)

профиль:  
«Экономика предприятий и организаций»

Рабочая программа составлена на основании ФГОС ВО для направления подготовки 38.03.01 «Экономика» и учебного плана ФГБОУ ВО «КамчатГТУ»

Составители рабочей программы:

доцент кафедры ВМ.



Э.Н. Батуев

Рабочая программа рассмотрена на заседании кафедры «Высшей математики» протокол № 8 от 17.04.2019 года.

И.о. заведующего кафедрой:

«17»

04

2019 г.



И.А. Рычка

## 1 Цели и задачи учебной дисциплины

Целью дисциплины «Математическая статистика» является формирование у будущих специалистов знаний и умения применять математические методы при анализе и управлении современными экономическими системами, освоение методов математического моделирования и анализа для конкретных экономических ситуаций.

Основная задача курса «Математическая статистика» заключается в развитии у студентов современных форм математического мышления и умения решать и умения решать на их основе вероятностные и статистические задачи, возникающие в экономической практике.

## 2 Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

ПК-6 – способностью анализировать и интерпретировать данные отечественной и зарубежной статистики о социально-экономических процессах и явлениях, выявлять тенденции изменения социально-экономических показателей.

Планируемые результаты обучения при изучении дисциплины, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы, представлены в таблице.

Таблица – Планируемые результаты обучения при изучении дисциплины, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Код компетенции	Планируемые результаты освоения образовательной программы	Планируемый результат обучения по дисциплине	Код показателя освоения
ПК-6	способностью анализировать и интерпретировать данные отечественной и зарубежной статистики о социально-экономических процессах и явлениях, выявлять тенденции изменения социально-экономических показателей.	<b>Знать:</b> – основные факты, понятия, определения и теоремы математической статистики, алгоритмы решения типовых задач математической статистики, основные методы математической статистики и их возможности для решения экономических задач.	З(ПК-6)1
		<b>Уметь:</b> – применять теоретические знания для решения задач математической статистики, применять алгоритмы, выполнять основные математические расчеты, составлять и решать простейшие математические модели экономических систем на основе математической статистики, адаптировать решения для вычислительной техники.	У(ПК-6)1

Код компетенции	Планируемые результаты освоения образовательной программы	Планируемый результат обучения по дисциплине	Код показателя освоения
		<b>Владеть:</b> – методами решения задач математической статистики.	В(ПК-6)1

### 3 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Учебная дисциплина «Математическая статистика» является дисциплиной по выбору вариативной части дисциплин, в системе вузовской подготовки изучение дисциплины «Математическая статистика» основано на курсах «Линейная алгебра», «Математический анализ», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Эконометрика».

Материал, изученный студентами в курсе, используется при изучении дисциплин: «Бухгалтерская и финансовая отчетность», «Оценка стоимости предприятия», «Анализ финансовой отчетности».

### 4 Содержание дисциплины

#### 4.1 Тематический план дисциплины

Наименование разделов и тем	Всего часов	Аудиторные занятия	Контактная работа по видам учебных занятий			Самостоятельная работа	Формы текущего контроля	Итоговый контроль знаний по дисциплине
			Лекции	Семинары (практические занятия)	Лабораторные работы			
1	2	3	4	5	6	7	8	9
Тема 1 «Введение. Основные понятия математической статистики»	16	6	4	2		10	Опрос, решение задач	
Тема 2 «Теория точечного оценивания Теория интервального оценивания»	16	6	4	2		10	Опрос, решение задач	
Тема 3 «Расчет сводных характеристик выборки»	16	6	4	2		10	Опрос, решение задач, контрольная работа	
Тема 4 «Статистическая проверка гипотез»	16	6	4	2		10	Опрос, решение задач	

1	2	3	4	5	6	7	8	9
Тема 5 «Сравнение двух генеральных совокупностей. Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней»	16	6	4	2		10	Опрос, решение задач	
Тема 6 «Сравнение нескольких дисперсий. Критерий согласия Пирсона»	16	6	4	2		10	Опрос, решение задач, контрольная работа	
Тема 7 «Дисперсионный анализ»	16	6	4	2		10	Опрос, решение задач	
Тема 8 «Метод Монте-Карло»	16	6	4	2		10	Опрос, решение задач	
Тема 9 «Цепи Маркова. Случайные функции»	16	6	4	2		10	Опрос, решение задач, контрольная работа	
Зачет с оценкой								
Всего 4 з.е.	144		36	18		90		

#### 4.2 Тематический план дисциплины для заочной формы обучения

Наименование разделов и тем	Всего часов	Аудиторные занятия	Контактная работа по видам учебных занятий			Самостоятельная работа	Формы текущего контроля	Итоговый контроль знаний по дисциплине
			Лекции	Семинары (практические занятия)	Лабораторные работы			
1	2	3	4	5	6	7	8	9
Тема 1 «Введение. Основные понятия математической статистики»	15	1	1			14	Опрос, решение задач	
Тема 2 «Теория точечного оценивания Теория интервального оценивания»	15	1	1			14	Опрос, решение задач	
Тема 3 «Расчет сводных характеристик выборки»	15	1	1			14	Опрос, решение задач, контрольная работа	
Тема 4 «Статистическая проверка гипотез»	16	2	1	1		14	Опрос, решение задач	

1	2	3	4	5	6	7	8	9
Тема 5 «Сравнение двух генеральных совокупностей. Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней»	16	2	1	1		14	Опрос, решение задач	
Тема 6 «Сравнение нескольких дисперсий. Критерий согласия Пирсона»	16	2	1	1		14	Опрос, решение задач, контрольная работа	
Тема 7 «Дисперсионный анализ»	15	1		1		14	Опрос, решение задач	
Тема 8 «Метод Монте-Карло»	16	1		1		15	Опрос, решение задач	
Тема 9 «Цепи Маркова. Случайные функции»	16	1		1		15	Опрос, решение задач, контрольная работа	
Зачет с оценкой	4							4
Всего 4 з.е.	144	12	6	6		128		4

### 4.3 Содержание дисциплины

#### Тема 1 «Введение. Основные понятия математической статистики»

##### Лекция

Предмет, объект, цели и задачи дисциплины. Программа курса, ее реализация во времени. Требования к итоговой аттестации. Литература.

Основные понятия математической статистики. Выборочный метод. Генеральная совокупность, выборочная совокупность. Методы получения выборок. Классификация выборок. Репрезентативность выборки. Эмпирический закон распределения. Эмпирическая функция распределения и ее свойства. Теорема Гливленко. Гистограмма и полигон частот.

*Основные понятия темы:* выборочный метод, совокупность, выборка, эмпирический закон распределения, эмпирическая функция распределения, теорема Гливленко, гистограмма, полигон частот.

##### Практическое занятие

*Форма занятия:* решение типовых задач

*Задания:*

Решение задач

№№ 444-449, 454-522 из [3].

#### Тема 2 «Теория точечного оценивания Теория интервального оценивания»

##### Лекция

Точечные оценки параметров распределения случайных величин. Смещенные и несмещенные оценки. Эффективные и неэффективные оценки. Состоятельные и несостоятельные оценки. Точечные оценки для математического ожидания случайных величин. Устойчивость выборочных средних. Смещенные и несмещенные точечные оценки для дисперсии

случайных величин. Теория интервального оценивания. Доверительные интервал и доверительная вероятность (надежность). Построение доверительного интервала для математического ожидания нормально распределенной генеральной совокупности. Доверительный интервал для оценки среднего квадратического отклонения нормального распределения.

*Основные понятия темы:* оценки, математическое ожидание, дисперсия случайных величин, теория интервального оценивания.

*Практическое занятие*

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

*Решение задач*

№№ 116, 15.117, 15.134, 15.135, 15.141, 15.142 из [3].

**Тема 3 «Расчет сводных характеристик выборки»**

*Лекция*

Методы расчета сводных характеристик выборки. Условные варианты. Сведение первоначальных вариантов к равноотстоящим. Эмпирические и теоретические частоты. Построение нормальной кривой по опытным данным. Оценка отклонения эмпирического распределения от нормального. Асимметрия и эксцесс. Элементы теории корреляции. Типы зависимостей между случайными величинами. Линейная и нелинейная корреляции. Построение прямой регрессии. Коэффициент корреляции и его свойства.

*Основные понятия темы:* условные варианты, частоты, эмпирическое распределения, асимметрия и эксцесс, теория корреляции, прямая регрессии.

*Практическое занятие*

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

*Решение задач*

№№ 15.115, 15.186-15.188 из [3].

**Тема 4 «Статистическая проверка гипотез»**

*Лекция*

Статистическая проверка гипотез. Нулевая и альтернативная гипотезы. Простая и сложная гипотезы. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы. Критерии и критические области. Односторонние и двухсторонние критерии. Область принятия гипотезы. Критические точки. Статистические ошибки первого и второго рода. Мощность критерия. Уровень значимости.

*Основные понятия темы:* гипотезы, критические области, критерии, критические точки, мощность критерия, уровень значимости.

*Практическое занятие*

*Форма занятия: решение типовых задач*

*Задания:*

*Решение задач*

№№ 15.212-15.220 из [3].

## **Тема 5 «Сравнение двух генеральных совокупностей. Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней»**

### *Лекция*

Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей с известными дисперсиями (независимые выборки). Сравнение двух средних произвольно распределенных генеральных совокупностей (большие независимые выборки). Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей с неизвестными равными дисперсиями (малые независимые выборки). Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней нормальной совокупности. Определение минимального объема выборки при сравнении выборочной средней с гипотетической генеральной средней. Сравнение двух средних нормальных генеральных совокупностей с неизвестными дисперсиями (зависимые выборки).

*Основные понятия темы:* генеральные совокупности, минимальный объем выборки, дисперсия.

### *Практическое занятие*

*Форма занятия: решение типовых задач*

*Задания:*

Решение задач

№№ 15.243-15.252 из [3].

## **Тема 6 «Сравнение нескольких дисперсий. Критерий согласия Пирсона»**

### *Лекция*

Сравнение нескольких дисперсий нормальных генеральных совокупностей по выборкам различного объема. Критерий Бартлетта. Сравнение нескольких дисперсий нормальных генеральных совокупностей по выборкам одинакового объема. Критерий Кочрена. Проверка гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности. Критерий согласия Пирсона. Вычисление теоретических частот нормального распределения.

*Основные понятия темы:* критерий Бартлетта, критерий Кочрена, критерий согласия Пирсона.

### *Практическое занятие*

*Форма занятия: решение типовых задач*

*Задания:*

Решение задач

№№ 634-640 из [3].

## **Тема 7 «Дисперсионный анализ»**

### *Лекция*

Дисперсионный анализ. Общая, факторная и остаточная суммы квадратов отклонений, связь между ними. Общая, факторная и остаточная дисперсии. F-Критерий Фишера. Проверка гипотезы о значимости коэффициентов линейной регрессии.



*Основные понятия темы:* дисперсионный анализ, суммы квадратов отклонений, дисперсии, F-Критерий Фишера.

*Практическое занятие*

*Форма занятия: решение типовых задач*

*Задания:*

*Решение задач*

*№№ 668-678 из [3].*

## **Тема 8 «Метод Монте-Карло»**

*Лекция*

Разыгрывание случайных величин методом Монте-Карло. Оценка погрешности метода Монте-Карло. Разыгрывание дискретной случайной величины. Разыгрывание противоположных событий. Разыгрывание полной группы событий. Разыгрывание непрерывной случайной величины. Приближенное разыгрывание нормальной случайной величины.

*Основные понятия темы:* метод Монте-Карло, противоположные события, группы событий.

*Практическое занятие*

*Форма занятия: решение типовых задач*

*Задания:*

*Решение задач*

*№№ 680-713 из [3].*

## **Тема 9 «Цепи Маркова. Случайные функции»**

*Лекция*

Цепи Маркова. Цепи Маркова с дискретным временем. Цепи Маркова с непрерывным временем. Однородные цепи Маркова. Переходные вероятности. Матрица перехода. Равенство Маркова. Определение случайной функции. Математическое ожидание случайной функции и его свойства. Дисперсия случайной функции и ее свойства. Корреляционная функция случайной функции и ее свойства. Нормированная корреляционная функция. Определение стационарной случайной функции. Корреляционная функция случайной функции и ее свойства. Стационарно связанные случайные функции. Корреляционная функция производной случайной функции. Взаимная корреляционная функция стационарной случайной функции и ее производной. Эргодические стационарные случайные функции и их характеристики.

*Основные понятия темы:* цепи Маркова, переходные вероятности, матрица перехода, равенство Маркова, эргодические стационарные случайные функции.

*Практическое занятие*

*Форма занятия: решение типовых задач*

*Задания:*

*Решение задач*

*№№ 759-769, 831-837 из [3].*

## **СРС**

Изучение учебной литературы [1], [2], [3], [4]

Решение задач по темам

Подготовка к модульному контролю

### **5 Учебно-методическое обеспечение для самостоятельной работы обучающихся**

В целом внеаудиторная самостоятельная работа студента при изучении курса включает в себя следующие виды работ:

- проработка (изучение) материалов лекций;
- чтение и проработка рекомендованной основной и дополнительной литературы;
- подготовка к практическим (семинарским) занятиям;
- поиск и проработка материалов из Интернет-ресурсов, периодической печати;
- выполнение домашних заданий в форме творческих заданий, кейс-стадии, докладов;
- подготовка презентаций для иллюстрации докладов;
- выполнение контрольной работы, если предусмотрена учебным планом дисциплины;
- подготовка к текущему и итоговому (промежуточная аттестация) контролю знаний по дисциплине (экзамен).

Основная доля самостоятельной работы студентов приходится на проработку рекомендованной литературы с целью освоения теоретического курса, подготовку к практическим (семинарским) занятиям, тематика которых полностью охватывает содержание курса. Самостоятельная работа по подготовке к семинарским занятиям предполагает умение работать с первичной информацией.

### **6 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине**

#### **6.1 Структура фонда оценочных средств**

Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине «Математическая статистика» представлен в приложении к рабочей программе дисциплины и включает в себя:

- перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образования; перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы;
- описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания;
- типовые контрольные задания или материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций;
- методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

#### **6.2 Перечень вопросов к промежуточной аттестации.**

*Шестой семестр, зачет с оценкой.*

1. Выборочный метод. Генеральная совокупность, выборочная совокупность. Методы получения выборок. Классификация выборок.
2. Эмпирическая функция распределения, полигон и гистограмма.

3. Точечные оценки параметров распределения случайных величин.
4. Теория интервального оценивания. Доверительные интервал и доверительная вероятность (надежность).
5. Статистическая проверка гипотез. Нулевая и альтернативная гипотезы. Простая и сложная гипотезы.
  6. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы.
  7. Критерии и критические области. Статистические ошибки первого и второго рода.
  8. Мощность критерия. Уровень значимости.
  9. Критерий Бартлетта.
  10. Критерий Кочрена.
  11. Критерий согласия Пирсона
  12. Дисперсионный анализ.
  13. Метод Монте-Карло.
  14. Цепи Маркова с дискретным временем.
  15. Цепи Маркова с непрерывным временем.
  16. Однородные цепи Маркова.
  17. Равенство Маркова.
  18. Определение случайной функции.
  19. Математическое ожидание случайной функции и его свойства.
  20. Дисперсия случайной функции и ее свойства.
  21. Корреляционная функция случайной функции и ее свойства.
  22. Нормированная корреляционная функция.
  23. Определение стационарной случайной функции.
  24. Корреляционная функция случайной функции и ее свойства.
  25. Стационарно связанные случайные функции.
  26. Корреляционная функция производной случайной функции
  27. Взаимная корреляционная функция стационарной случайной функции и ее производной.
  28. Эргодические стационарные случайные функции и их характеристики.
  29. Корреляционная зависимость. Построение прямой регрессии.
  30. Линейная корреляция
  31. Коэффициент корреляции и его свойства.
  32. Коэффициент ковариации и его свойства.
  33. Доверительный интервал для математического ожидания генеральной совокупности при известном среднем квадратическом отклонении для нормального закона.
  34. Доверительный интервал для математического ожидания генеральной совокупности при известном среднем квадратическом отклонении для нормального закона.
  35. Основные понятия теории статистической проверки статистических гипотез.

## **7 Рекомендуемая литература**

### ***7.1 Основная литература***

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятности и математическая статистика: учебник. - М.: Юнити - Дана, 2000.

### ***7.2 Дополнительная литература***

2. Кузнецов Л.А. Сборник заданий по высшей математике. - Санкт-Петербург.: Лань, 2008.- 239с

3. Данко П. Е., Попов А. Г., Кожевникова Т. Я. Высшая математика в упражнениях и задачах: учеб. пособие: в 2 ч. – М.: Высшая школа, 1999

## **8 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Методика преподавания данной дисциплины предполагает чтение лекций, проведение практических (семинарских) занятий, групповых и индивидуальных консультаций по отдельным (наиболее сложным) специфическим проблемам дисциплины. Предусмотрена самостоятельная работа студентов, а также прохождение аттестационных испытаний промежуточной аттестации.

**Лекции** посвящаются рассмотрению наиболее важных концептуальных вопросов: основным понятиям; управленческим технологиям, применяемым на производственных предприятиях, оценке их эффективной реализации; обсуждению вопросов, трактовка которых в литературе еще не устоялась либо является противоречивой. В ходе лекций обучающимся следует подготовить конспекты лекций: кратко, схематично, последовательно фиксировать основные положения, выводы, формулировки, обобщения; пометать важные мысли, выделять ключевые слова, термины; проверять термины, понятия с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь; обозначить вопросы, термины, материал, который вызывает трудности, пометить и попытаться найти ответ в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на консультации, на практическом занятии.

Конкретные управленческие методики, методы и технологии, применяемые на производственных предприятиях, рассматриваются преимущественно на практических занятиях.

**Целью проведения практических занятий** является закрепление знаний обучающихся, полученных ими в ходе изучения дисциплины на лекциях и самостоятельно

В целом внеаудиторная **самостоятельная работа обучающихся** при изучении курса включает в себя следующие виды работ:

- проработка (изучение) материалов лекций;
- чтение и проработка рекомендованной учебно-методической литературы;
- поиск и проработка материалов из Интернет-ресурсов, периодической печати;
- выполнение домашних заданий, творческих заданий, докладов, рефератов;
- подготовка презентаций для иллюстрации докладов и представления результатов анализа конкретных ситуаций;
- конспектирование первоисточников и учебной литературы;
- подготовка к текущему, промежуточному и итоговому контролю знаний.

Основная доля самостоятельной работы обучающихся приходится на подготовку к практическим занятиям, тематика которых полностью охватывает содержание курса. Самостоятельная работа по подготовке к практическим занятиям по дисциплине «Исследование систем управления» предполагает умение работать с первичной информацией.

## **9 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационно-справочных систем**

### **9.1 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса**

- электронные образовательные ресурсы;
- использование слайд-презентаций;

– интерактивное общение с обучающимися и консультирование посредством электронной почты.

### ***9.2 Перечень программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса***

При освоении дисциплины используется лицензионное программное обеспечение:

- текстовый редактор Microsoft Word;
- пакет Microsoft Office;
- электронные таблицы Microsoft Excel;
- презентационный редактор Microsoft Power Point

### **10 Материально-техническое обеспечение дисциплины**

На кафедре имеется 7 аудиторий для проведения лекционных и практических занятий, аудитория для проведения интерактивных занятий с проектором и компьютером с установленной программой PowerPoint.